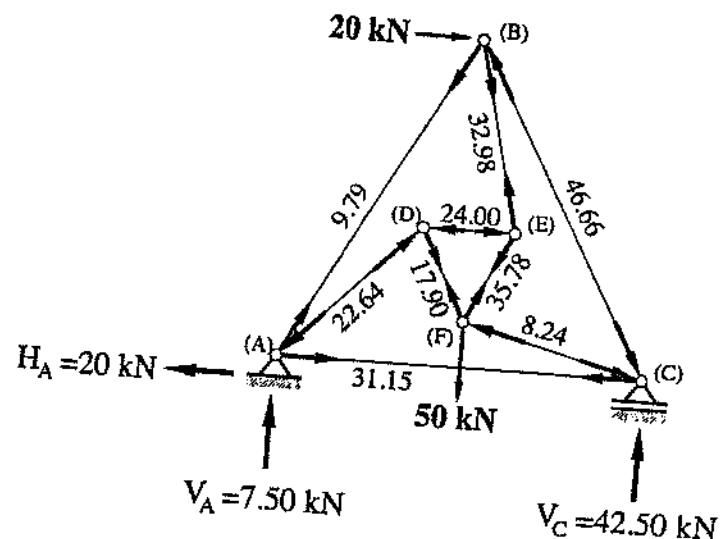


BÖLÜM 7

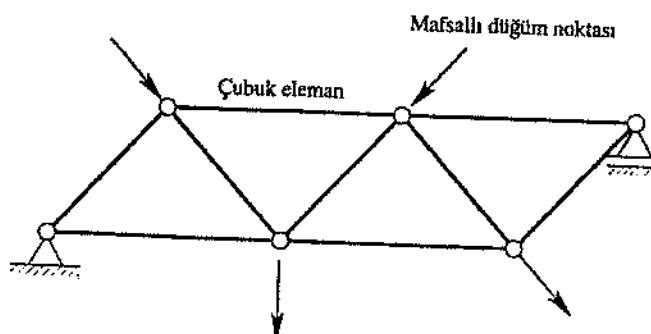
İZOSTATİK SİSTEM KAFES SİSTEMLİ



BÖLÜM 7: KAFES SİSTEMLER

7.1 Tanım ve Genel Bilgiler

Doğru eksenli çubukların birbirlerine mafsallı olarak birlleşmesinden oluşan taşıyıcı sistemlere Kafes Sistemler denir, Şekil 7.

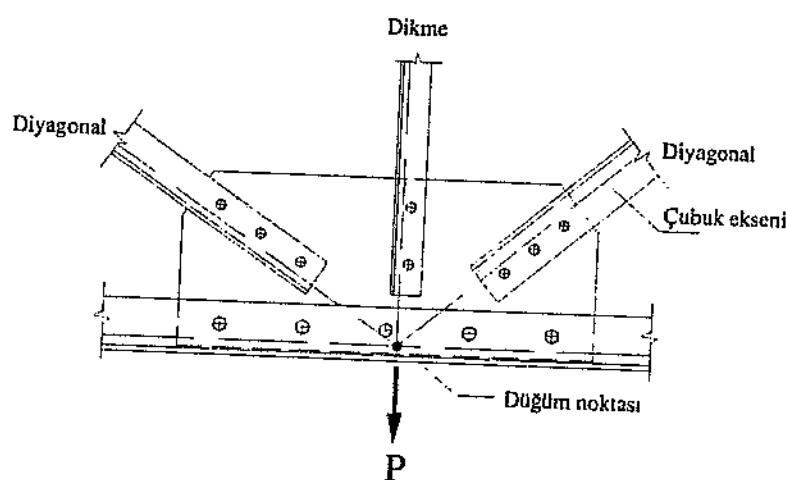


Şekil 7: Kafes sistem

Özellikle büyük açıklıklı yapılarda dolu gövdeli sistemler özağırlıklarının fazla olması nedeniyle ekonomik değildirler. Bu nedenle büyük açıklıkların aşılmasıında (köprüler, büyük endüstri yapıları) kafes sistemlerden yararlanılır. Kafes sistemlerde çubukların mafsallı olarak birleştiğleri noktalara düşüm noktaları denir, Şekil 7a.

Bu sistemlerde, genellikle yükler direkt olarak düşüm noktalarına etkidiğlerinden kafes sistemin çubuklarında kesme kuvveti ve eğilme momenti sıfır olmakta ve sadece eksenel normal kuvvetler meydana gelmektedir. Kafes sistemlerde yüklerin düşüm noktalarına etkimelerini sağlamak için enlemelerden yararlanılır.

Pratikte düşüm noktaları tam mafsallı olarak yapılmadıklarından sistemde ikincil gerilmeler oluşur. İstenmeyen ikincil gerilmelerin en küçük olmasını sağlamak için düşüm noktaları oluşturulurken:



Şekil 7a: Kafes sisteme ait bir düşüm noktası

Yapı Statiği (İzostatik Sistemler) Çözümlü Problemler [

- a) Çubuk eksenleri ve yükler aynı düşey düzleml (sistem düzleml) içinde olmalıdır.
- b) Çubuk eksenleri aynı noktada kesişmelidir.
- c) Yükler düğüm noktasına etkileşmeliidir.
- d) Çubuklar arasındaki açı çok küçük olmamalıdır. ($\tan \alpha \geq \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha \geq 26^\circ 57'$)
- e) Birleşim elemanlarının eksenini mümkünse çubuk eksenile çakıştırılmalı veya eksantriklik hesapta gözönünde alınmalıdır.

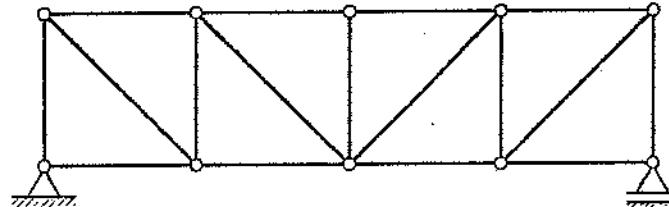
7.2 İzostatiklik Koşulu

Bir kafes sisteminin izostatik olabilmesi için;

- d : düğüm noktası sayısını,
- r : mesnet tepkisi sayısını,
- ζ : çubuk sayısını göstermek üzere

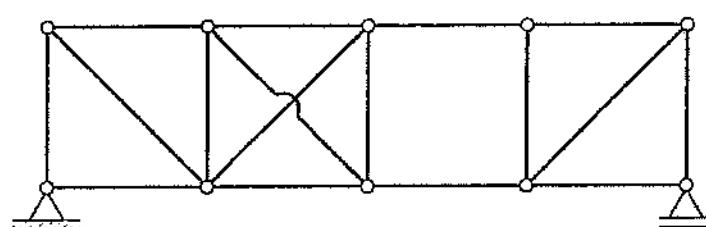
$$r + \zeta = 2d$$

koşulu sağlanmalı ve ayrıca sistem taşıyıcı olmalıdır.



$$\begin{aligned} d &= 10, r = 3, \zeta = 17 \\ 3+17 &= 2 \times 10 \\ 20 &= 20 \end{aligned}$$

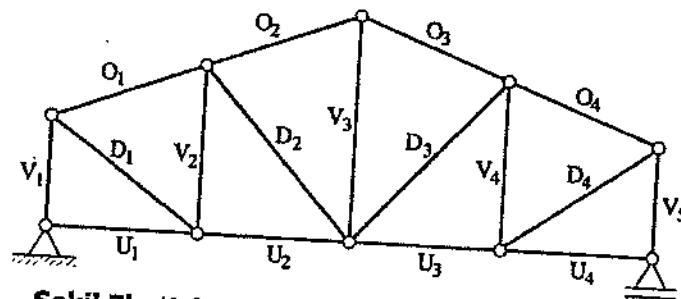
\Rightarrow kafes sistem izostatik ve taşıyıcıdır.



$$\begin{aligned} d &= 10, r = 3, \zeta = 17 \\ 3+17 &= 2 \times 10 \\ 20 &= 20 \end{aligned}$$

\Rightarrow fakat kafes sistem taşıyıcı değil, oynaktır.

7.3 Çubukların İsimlendirilmesi



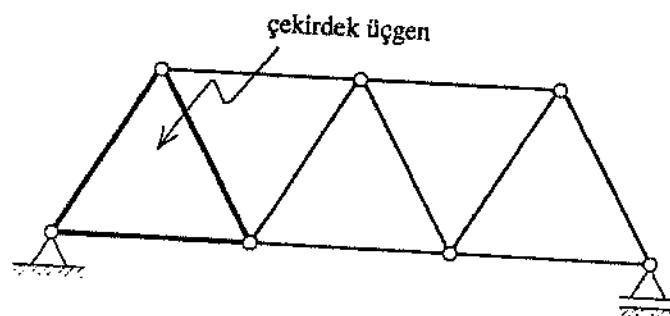
Şekil 7b: Kafes sistem çubuklarının isimlendirilmesi

Çubukların isimlendirilmesinde, üst başlık çubuklarına O_i, alt başlık çubuklarına diyagonal çubuklarına D_i ve dikme çubuklarına V_i adları verilir, Şekil 7b.

7.4 İzostatik Kafes Sistemlerin Sınıflandırılması

A) Kuruluş biçimlerine göre,

A.1 Basit Kafes Sistemleri : Bir çekirdek üçgene her seferinde iki çubuk ve bir düğüm noktası eklenmesiyle elde edilen sistemlerdir, Şekil 7c.

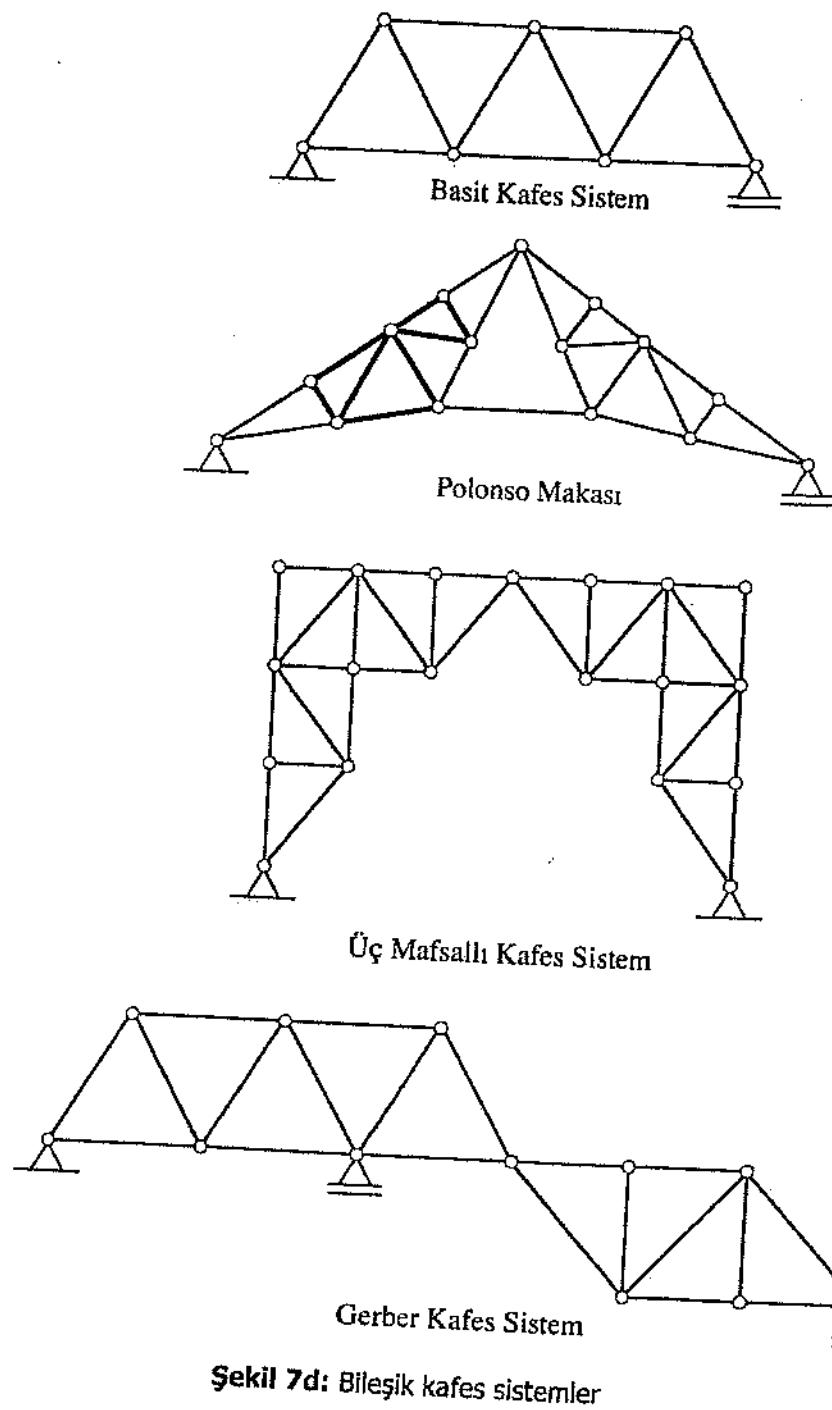


Şekil 7c: Basit kafes sistem

Bu sistemler mesnet tepkileri bakımından taşıyıcı ve izostatik oldukları sürece, daimi taşıyıcı ve izostatiktirler.

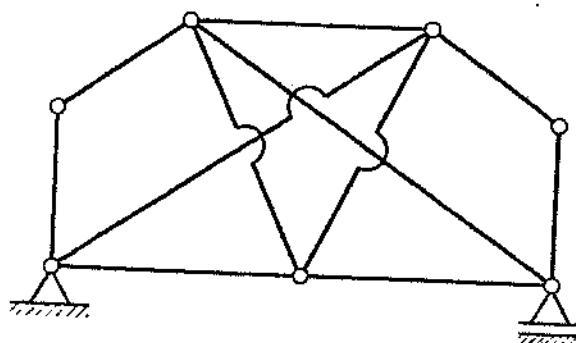
A.2 Bileşik (kompoze) Kafes Sistemleri : Basit kafes sistemlerin birbirlerine mafsalla ve/veya çubuklar ile birleştirilmesinden oluşan kafes sistemleridir. Bunlara örnek olarak, Polonso makası, üç mafsallı kafes sistem, gerber kafes sistemler verilebilir, Şekil 7d.

Yapı Statiği (İzostatik Sistemler) Çözümlü



Şekil 7d: Bileşik kafes sistemler

A.3) Kompleks (karışık) Kafes Sistemleri : Bu tür sistemlerin taşıyıcılığı kontrol edilmelidir.



$$d=7, r=3, \zeta=11$$

$$3+11=2\times 7$$

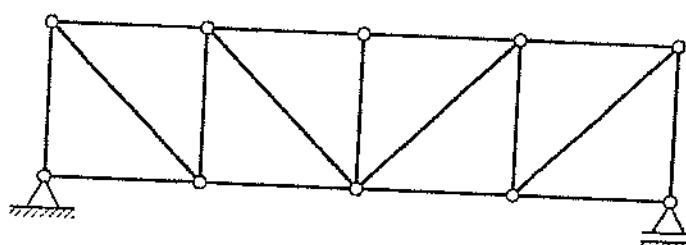
$$14=14$$

\Rightarrow kafes sistem izostatiktir.

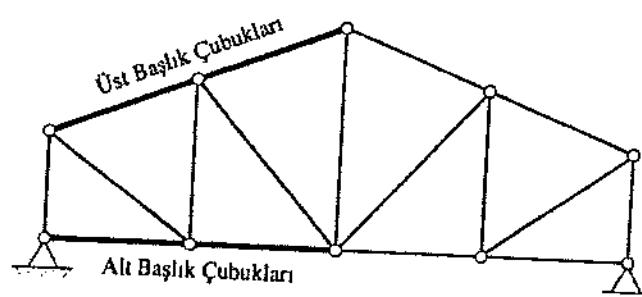
Kompleks kafes sistemler genel olarak düğüm noktaları denge yöntemi ve k

B) Başlıklarının durumuna göre,

B.1) Paralel başlıklı sistemler



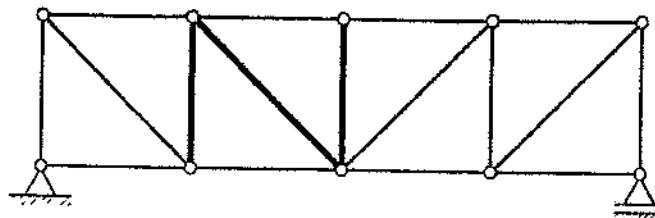
B.2) Paralel olmayan başlıklı sistemler



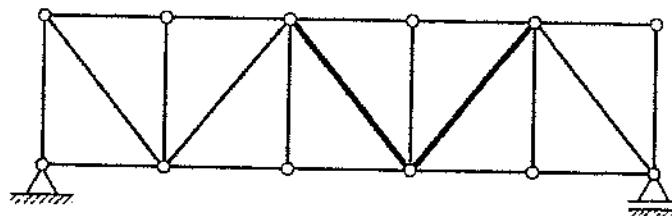
Yapı Statiği (İzostatik Sistemler) Çözümlü Problemler

C) Dikme ve diyagonallerin şecline göre,

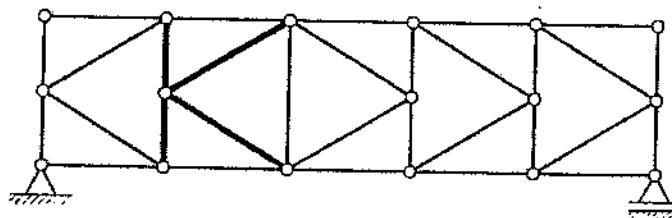
C.1) N tipi kafes sistemler



C.2) V tipi kafes sistemler

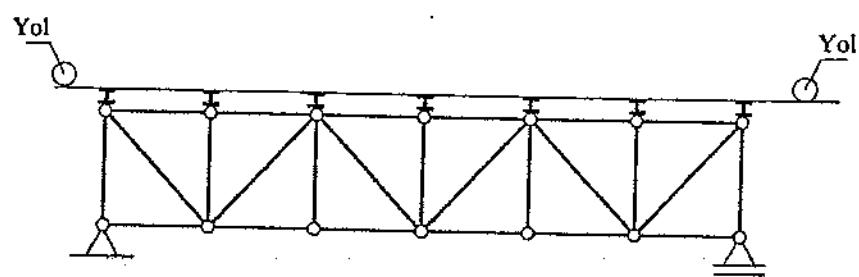


C.3) K tipi kafes sistemler

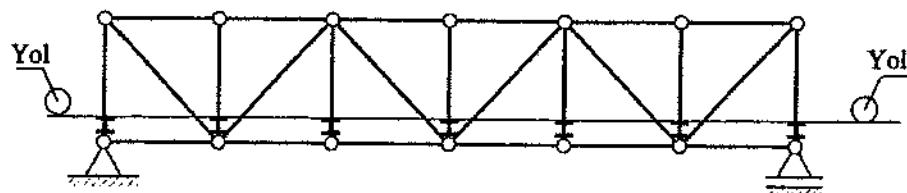


D) Yolun konumuna göre,

D.1) Yolu üst başlıkta olan kafes sistemler

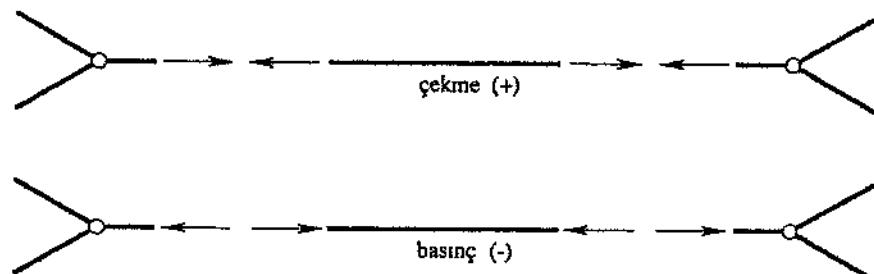


D.2) Yolu alt başlıkta olan kafes sistemler



7.5 Sabit Yükler Göre Hesap

Dış yüklerin direkt olarak düğüm noktalarına etkidiği kafes sistemlerin çubuklar yalnız eksenel normal kuvvetler oluşur. Bu eksenel normal kuvvetler, çubuk kuvveti olarak adlandırılır. Çubuk kuvvetinin çekme (+) veya basınç (-) olması duru Şekil 7e de gösterilmiştir. Hesabın başlangıcında kafes sistemindeki bütün çubuk kuvvetlerinin çekme olduğu varsayılar. Hesap sonucunda bir çubuk kuvvet (-) olması halinde çubuğuun çekmeye değil, basıncı çalıştığı anlaşılır.



Şekil 7e: Çubuk kuvvetlerinin çekme veya basınç olması durumları

7.5.1 Hesap yöntemleri

1) Basit sistemler :

- düğüm noktaları denge denklemi
- Cremona yöntemi
- Kesim (Ritter) yöntemi

2) Bileşik kafes sistemler :

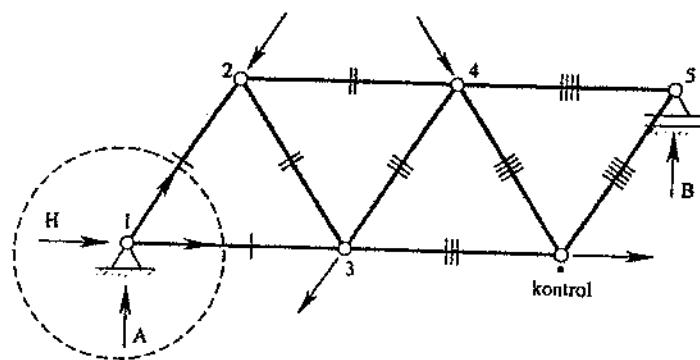
Sisteme ait denge koşulları yardımıyla bağ kuvvetleri ve mafsal kuvvet bulunduktan sonra her parça bir basit kafes sistem gibi hesaplanabilir.

3) Kompleks sistemler :

Bu sistemlerin hesabı için özel yöntemler uygulanır. (Çubuk değiştir (Henneberg) yöntemi v.b.)

7.5.1.1 Düğüm noktaları denge yöntemi

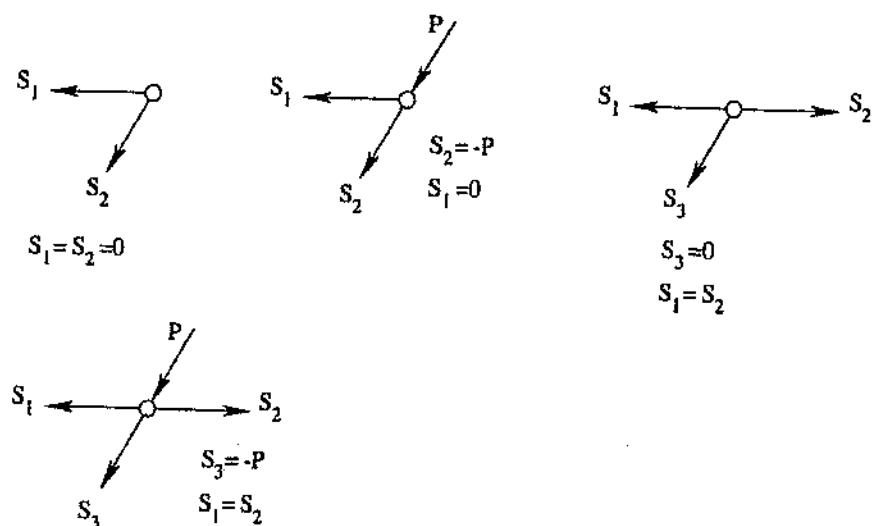
Kafes sistemin her düğüm noktasına etkiyen kuvvetler (dış yükler, mesnel çubuk kuvvetleri) düzlem sistemlerde $\Sigma X=0$, $\Sigma Y=0$ ızdüşüm denge den sağladıklarından bu denklemler yardımıyla bilinmeyen çubuk kuvvetleri hesap düğüm noktalarında ise denge denklemi kontrol amacıyla kullanılır.



Öncelikle bilinmeyen iki çubuk kuvvetinin bulunduğu düğüm noktalarından başlanır. Bu durumda, her düğüm noktası için iki ızdüşüm denge d yazılabiligidinden bilinmeyen çubuk kuvvetleri kolayca hesaplanabilir. Daha en çok bilinmeyen iki çubuk kuvvetinin bulunduğu düğüm noktaları gözönüne suretiyle hesaba devam edilir. Sıra ile bütün çubuk kuvvetleri bulunduktan sonra denge denklemleri kontrol için kullanılır.

Not : Düğüm noktalarının denge denklemleri yazılrken bilinen çubuk kuvvetleri yön ve değerleri ile, bilinmeyen çubuk kuvvetleri pozitif yönleri ile işaretler

Pratik sonuçlar



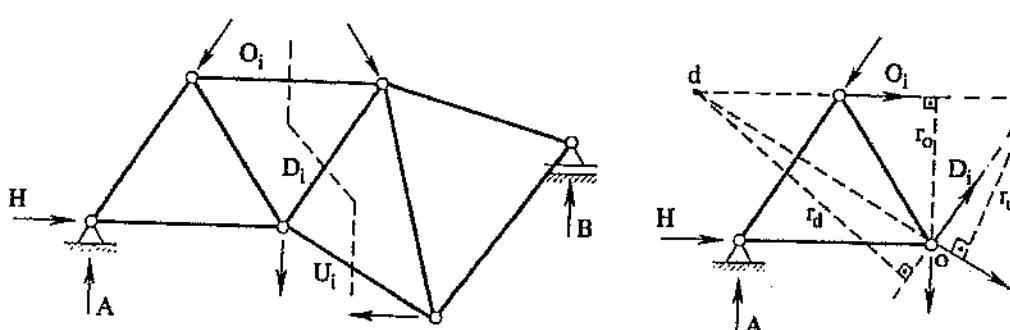
7.5.1.2 Cremona yöntemi

Düğüm noktaları denge yönteminin grafik gösterimidir.

7.5.1.3 Kesim (Ritter) yöntemi

Verilen dış yükler ve bunlardan oluşan mesnet tepkileri altında dengede olan bir sistem yapılan bir kesimle iki parçaya ayrılsa bu parçalardan her biri kendi üz etkiyen dış yükler, mesnet tepkileri ve kesim yapılan çubuklardaki çubuk kuvvetleri altında dengededir. Yapılan kesimde en fazla üç çubuk kesilecek ve bu çubuklardaki çubuk kuvvetleri parçalardan birine ait $\rightarrow \Sigma X=0, \uparrow \Sigma Y=0, \curvearrowleft \Sigma M=0$ denge denklemleri yardımıyla hesaplanabilir.

Denge denklemleri, her denklemde bir bilinmeyen bulunacak şekilde yazılabilirler.



$$(+) \Sigma M_o = 0 \quad (M_o)_o + O_i \times r_o = 0 \quad \Rightarrow O_i = -\frac{(M_o)_o}{r_o}$$

$$(+) \Sigma M_u = 0 \quad (M_u)_u - U_i \times r_u = 0 \quad \Rightarrow U_i = \frac{(M_u)_u}{r_u}$$

$$(+) \Sigma M_d = 0 \quad (M_d)_d - D_i \times r_d = 0 \quad \Rightarrow D_i = \frac{(M_d)_d}{r_d}$$

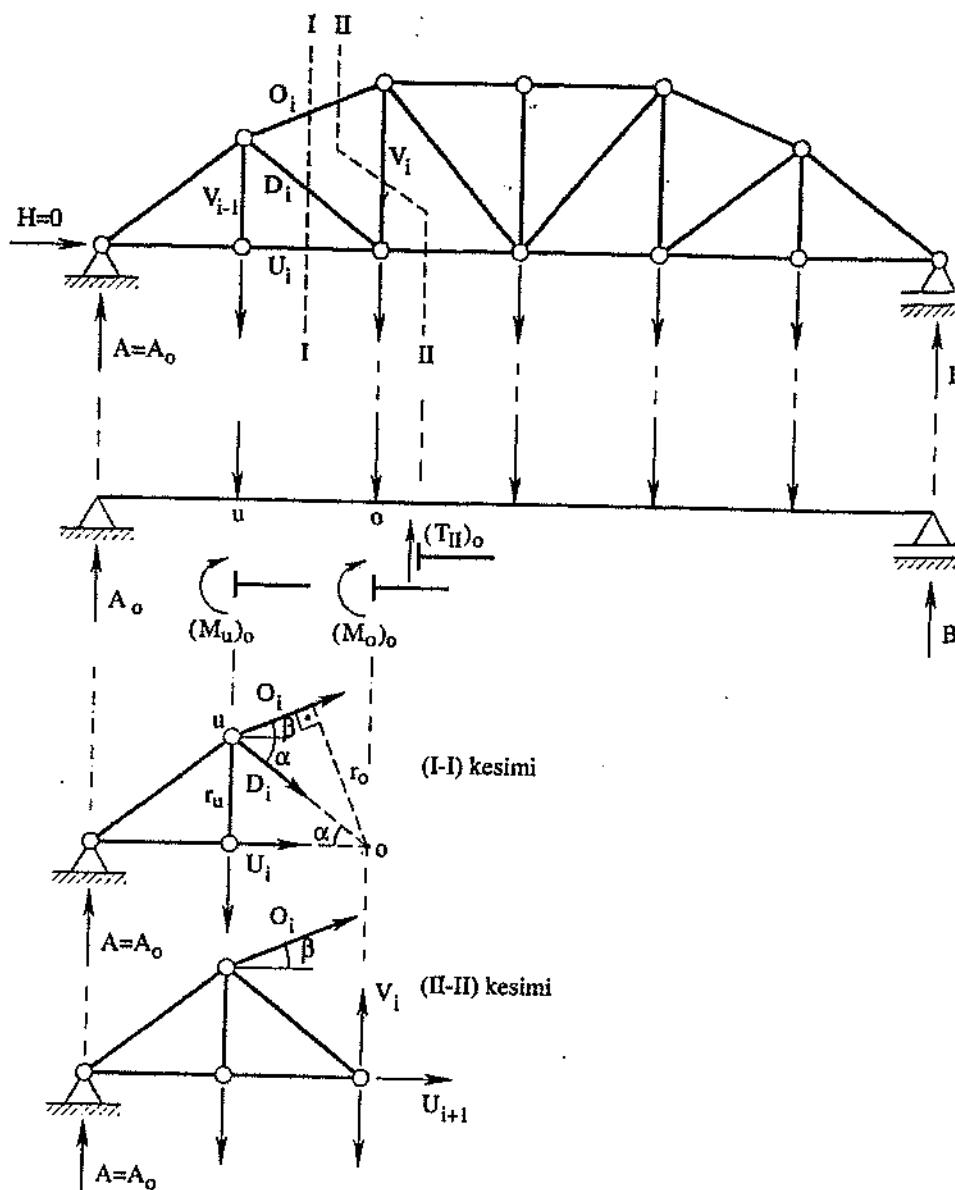
Bu ifadelerde

$(M_o)_o, (M_u)_u, (M_d)_d$: dış yüklerin ve mesnet tepkilerinin sırasıyla o, u, d noktalarına göre statik momentlerinin toplamını göstermektedir.

Çubuk kuvvetlerinden bazıları bulunduktan sonra, diğerleri onlara bağlı olar. $\rightarrow \Sigma X=0, \uparrow \Sigma Y=0, \curvearrowleft \Sigma M=0$ denge denklemleri yardımıyla da hesaplanabilir.

7.5.2 Sabit Yüklerin Düşey Olması Özel Hali

Sisteme etkiyen sabit yüklerin düşey olması özel halinde kafes sisteme ait çubuk kuvvetlerinin önemli bir bölümü aynı açılıklı dolu gövdeli sistemin (basit kiriş, çıkış kiriş, gerber kiriş, üç mafsallı sistem) kesit zoriarına bağlı olarak hesaplanabilir.



Şekil 7f: Çubuk kuvvetleri hesaplanacak kafes sistem

Şekil 7f de görülen kafes sistemin bazı çubukları için, çubuk kuvvetlerinin nasıl hesaplanacağı aşağıda anlatılmaktadır.

a) Kesim Yöntemi ile,

(I-I) kesiminden,

$$(U+) \sum M_c = 0 \quad (M_o)_0 + O_i \times r_o = 0 \quad \Rightarrow O_i = -\frac{(M_o)_0}{r_o}$$

$(M_o)_0$: Aynı açıklıklı dolu gövde sistemin o kesitindeki eğilme momenti

$$(U+) \sum M_u = 0 \quad (M_u)_o - U_i \times r_u = 0 \quad \Rightarrow U_i = \frac{(M_u)_o}{r_u}$$

$(M_u)_o$: Aynı açıklıklı dolu gövde sistemin u kesitindeki eğilme momenti

$$(I+) \sum Y_I = 0 \quad (T_I)_o + O_i \times \sin\beta - D_i \times \sin\alpha = 0 \quad \Rightarrow D_i = \frac{1}{\sin\alpha} [(T_I)_o + O_i \sin\beta]$$

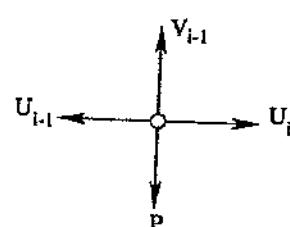
$(T_I)_o$: Aynı açıklıklı dolu gövde sistemin I kesitindeki kesme kuvveti

(II-II) kesiminden,

$$(I+) \sum Y_{II} = 0 \quad (T_{II})_o + O_i \times \sin\beta + V_i = 0 \quad \Rightarrow V_i = -[(T_{II})_o + O_i \sin\beta]$$

$(T_{II})_o$: Aynı açıklıklı basit kirişin II kesitindeki kesme kuvveti

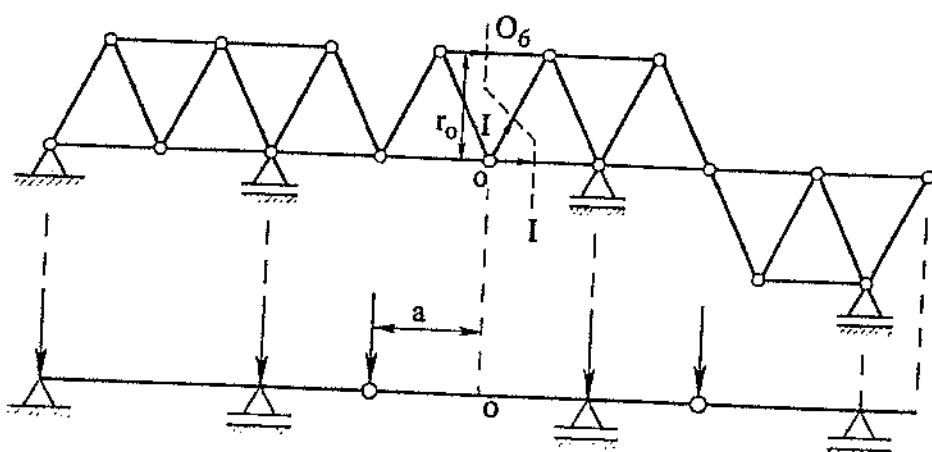
b) Düğüm Noktaları Denge Yöntemi ile,



$$P = 0 \Rightarrow V_{i-1} = 0$$

$$P \neq 0 \Rightarrow V_{i-1} = P$$

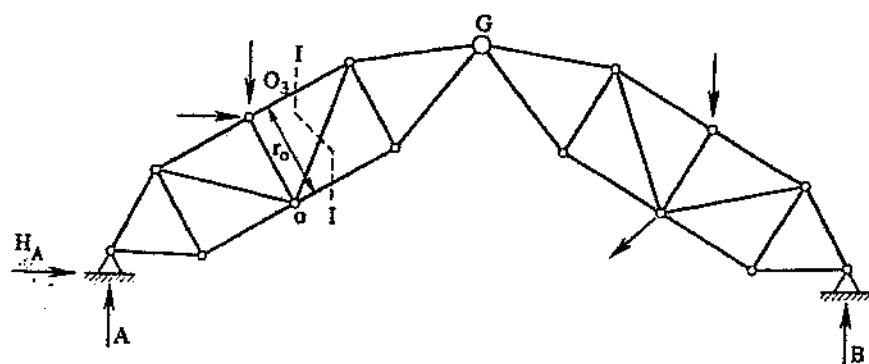
7.6 Gerber Kafes Sistemler



Sabit Yüklerle Göre Hesap :

Sistemin taşıma şeması çizilir. Maşal kuvvetleri ve mesnet tepkileri gerber kirişleri gibi hesaplanır. Sonra her parça teker teker ele alınarak çubuk kuvvetleri bulunur.

7.7 Üç Mafsallı Kafes Sistemler

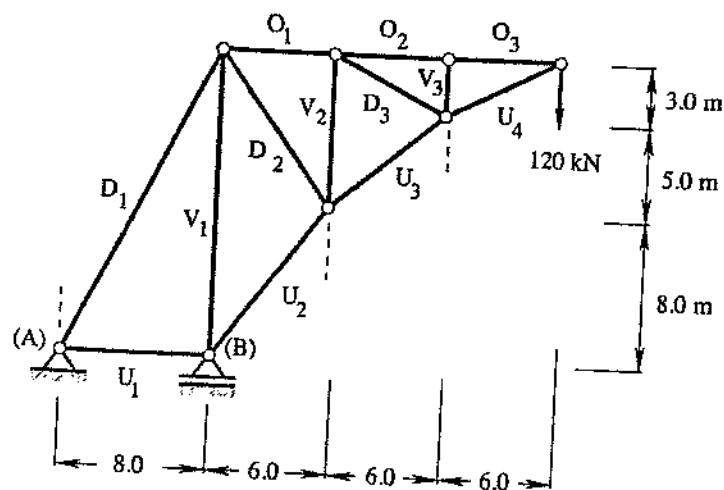


Sabit Yüklerle Göre Hesap :

Denge denklemleri ve mafsal koşulu yardımıyla mesnet tepkileri aynen üç ma gövdeli sistemlerde olduğu gibi hesaplandıktan sonra, düğüm noktaları denge ve kesim yöntemi yardımıyla çubuk kuvvetleri bulunur.

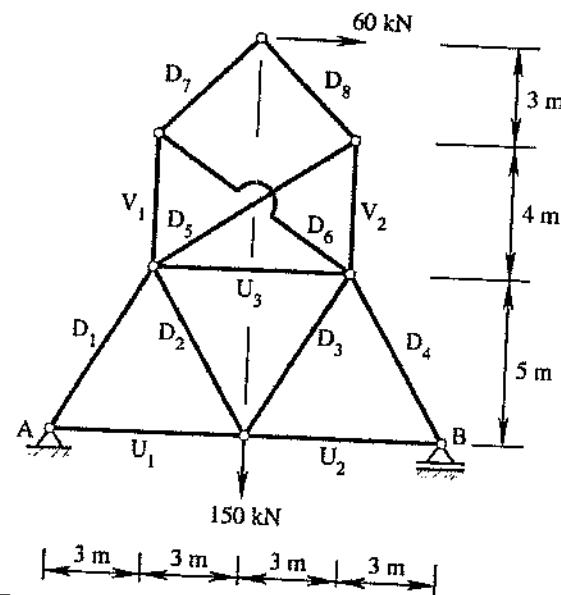
PROBLEM 7.1
SAP2000

Şekil 7.1 de verilen kafes sisteminin çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



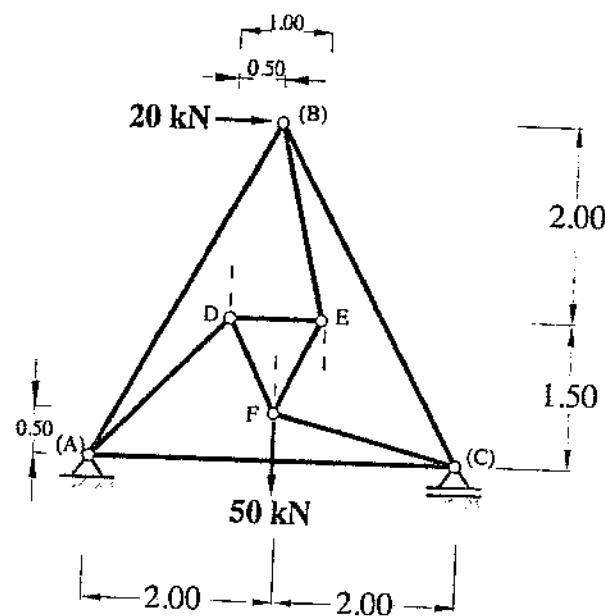
PROBLEM 7.2
SAP2000

Şekil 7.2 de verilen kafes sisteminin çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



PROBLEM 7.3
SAP2000

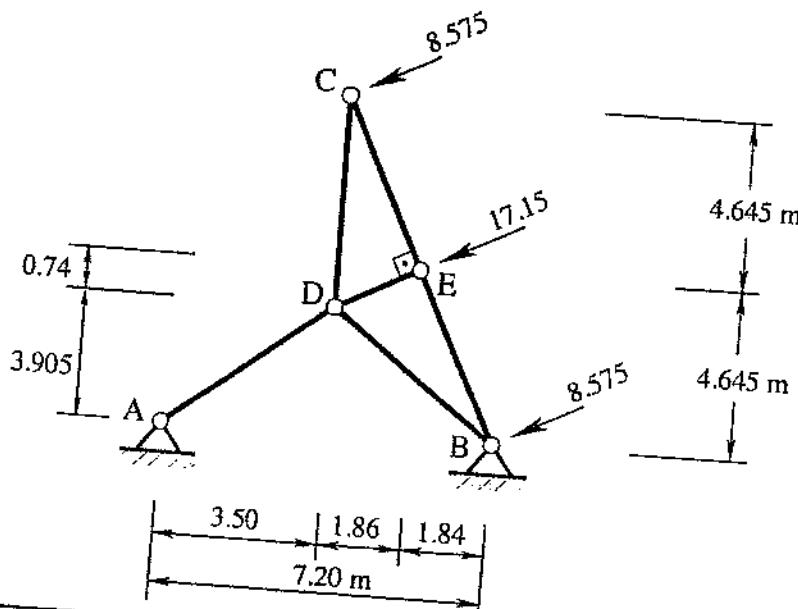
Şekil 7.3 de verilen kafes sisteminin çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



Şekil 7.3: Kafes sistem ve dış yükler

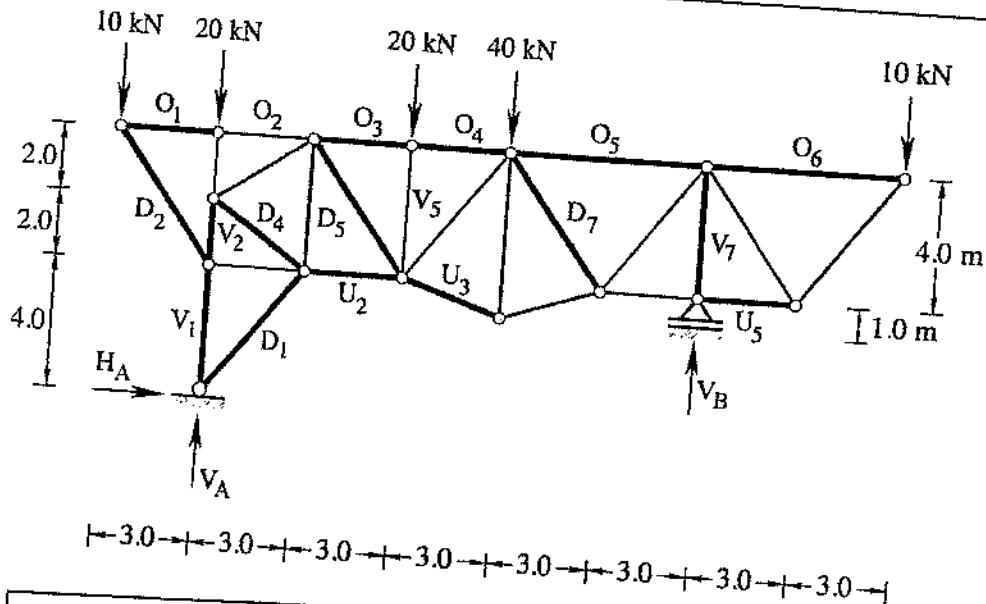
PROBLEM 7.4
SAP2000

Şekil 7.4 de verilen kafes sistemin çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



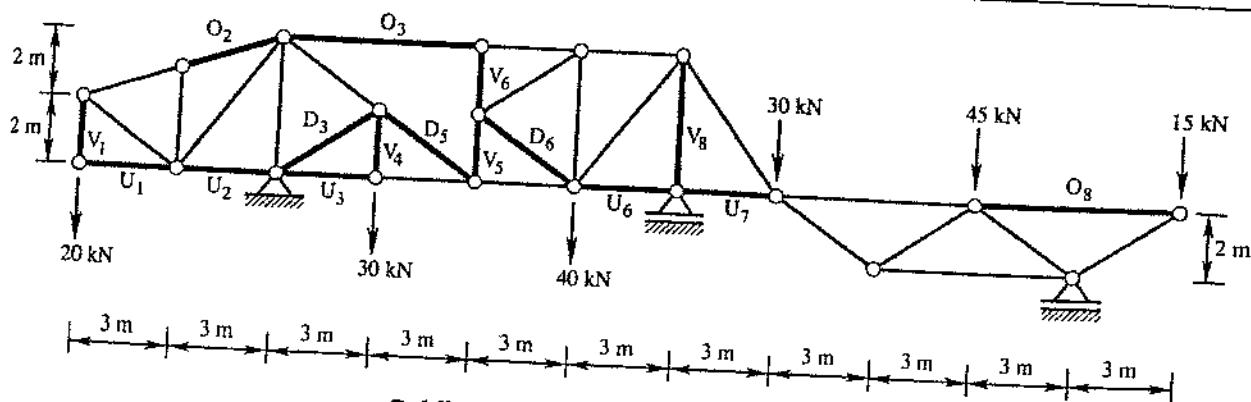
PROBLEM 7.5
SAP2000

Şekil 7.5 de verilen kafes sistemin $O_1, O_2, O_3, O_4, O_5, O_6, U_2, U_3, U_5, D_1, D_2, D_4, D_5, D_7, V_1, V_2, V_4$ ve V_7 çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



PROBLEM 7.6
SAP2000

Şekil 7.6 da verilen kafes sistemin $U_1, U_2, U_3, U_6, U_7, O_2, O_3, O_8, D_3, D_5, D_6, V_1, V_4, V_5, V_6$ ve V_8 çubuk kuvvetlerini hesaplayınız.



Şekil 7.6: Kafes sistem ve dış yükler